

**А. А. Славнов, Л. Д. Фаддеев**

---

---

**Введение  
в  
КВАНТОВУЮ  
ТЕОРИЮ  
КАЛИБРОВОЧНЫХ  
ПОЛЕЙ**



---

---

**А. А. Славнов, Л. Д. Фаддеев**

**ВВЕДЕНИЕ  
В КВАНТОВУЮ ТЕОРИЮ  
КАЛИБРОВОЧНЫХ  
ПОЛЕЙ**

Издание третье



МОСКВА

**Славнов Андрей Алексеевич,  
Фаддеев Людвиг Дмитриевич**

**Введение в квантовую теорию калибровочных полей.** Изд. 3-е.  
М.: ЛЕНАНД, 2017. — 272 с.

В книге дается формулировка квантовой теории поля в терминах континуального интеграла. Излагается общий метод квантования неголономных систем, и на его основе строится схема квантования калибровочно-инвариантных теорий поля. Формулируется инвариантная процедура перенормировки калибровочных теорий. Обсуждаются применения калибровочных полей в физике элементарных частиц. Во второе издание книги были добавлены разделы, посвященные калибровочным полям на решетке и явно ковариантным методам квантования (BRS-квантование), а также расширены разделы, посвященные  $S$ -матрице и аномалиям в квантовой теории.

Книга рекомендуется научным работникам, специализирующимся в области теоретической и математической физики, студентам, аспирантам и преподавателям физических факультетов вузов.

**Рецензент:**

член-корреспондент АН СССР Д. В. Ширков

Формат 60×90/16. Печ. л. 17. Зак. № АЛ-622.

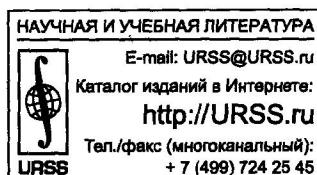
Отпечатано в ООО «ЛЕНАНД»:  
117312, Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, 11А, стр. 11.

**ISBN 978-5-9710-4401-7**

21259 ID 225586

9 785971 044017

© ЛЕНАНД, 2017



Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|  |            |
|--|------------|
| Предисловие ко второму изданию . . . . .   | 5          |
| Предисловие к первому изданию . . . . .  | 7          |
| <br>   |            |
| <b>Г л а в а I. Введение. Основы классической теории калибровочных полей . . . . .</b> | <b>9</b>   |
| § 1. Основные понятия и обозначения . . . . .  | 9          |
| § 2. Геометрическая интерпретация поля Янга — Миллса . . . . .                         | 18         |
| § 3. Динамические модели с калибровочными полями . . . . .                             | 23         |
| <br>   |            |
| <b>Г л а в а II. Квантовая теория в терминах континуального интеграла . . . . .</b>    | <b>30</b>  |
| § 1. Континуальный интеграл по фазовому пространству . . . . .                         | 30         |
| § 2. Континуальный интеграл в голоморфном представлении . . . . .                      | 38         |
| § 3. Производящий функционал для $S$ -матрицы в теории поля . . . . .                  | 44         |
| § 4. $S$ -матрица как функционал на классических решениях . . . . .                    | 55         |
| § 5. Континуальный интеграл по ферми-полям . . . . .                                   | 59         |
| § 6. Свойства континуального интеграла в теории возмущений . . . . .                   | 70         |
| <br>   |            |
| <b>Г л а в а III. Квантование поля Янга — Миллса . . . . .</b>                         | <b>80</b>  |
| § 1. Лагранжиан поля Янга — Миллса и специфика его квантования . . . . .               | 80         |
| § 2. Гамильтонова формулировка поля Янга — Миллса и его квантование . . . . .          | 83         |
| § 3. Ковариантные правила квантования и фейнмановская диаграммная техника . . . . .    | 100        |
| § 4. Взаимодействие с полями материи . . . . .   | 113        |
| <br>   |            |
| <b>Г л а в а IV. Переформировка калибровочных теорий . . . . .</b>                     | <b>125</b> |
| § 1. Примеры простейших диаграмм . . . . .   | 125        |
| § 2. $R$ -операция и контрчлены . . . . .  | 132        |
| § 3. Инвариантные регуляризации. Метод Паули — Вилларса . . . . .                      | 138        |
| § 4. Метод высших ковариантных производных . . . . .                                   | 145        |
| § 5. Размерная регуляризация . . . . .   | 153        |

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|   |     |
|---|-----|
| § 6. Калибровочные поля в решетчатом пространстве-времени . . . . .                 | 162 |
| § 7. Обобщенные тождества Уорда . . . . .   | 171 |
| § 8. Структура перенормированного действия . . . . .                                | 182 |
| § 9. Перенормированная $S$ -матрица . . . . .                                       | 198 |
| § 10. $S$ -матрица в ковариантном формализме . . . . .                              | 207 |
| § 11. Аномальные тождества Уорда . . . . .  | 215 |
| <br>  |     |
| Г л а в а V. Некоторые приложения и заключение . . . . .                            | 228 |
| § 1. Объединенные модели слабых и электромагнитных взаимодействий . . . . .         | 228 |
| § 2. Асимптотическая свобода. Калибровочные теории сильных взаимодействий . . . . . | 238 |
| <br>  |     |
| Литературные указания . . . . .   | 252 |
| <br>  |     |
| Дополнение при корректуре. Аномальный коммутатор закона Гаусса . . . . .            | 257 |
| <br>  |     |
| Список литературы . . . . .   | 264 |
| <br>  |     |
| Используемые обозначения . . . . .  | 268 |