

Б. Я. Балагуров

# ЭЛЕКТРОФИЗИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА КОМПОЗИТОВ

---

*Макроскопическая  
теория*



Б. Я. Балагуров

# ЭЛЕКТРОФИЗИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА КОМПОЗИТОВ

Макроскопическая  
теория



URSS  
МОСКВА

ББК 22.313 22.371 22.379 30.13 30.3

**Балагуров Борис Яковлевич**

**Электрофизические свойства композитов: Макроскопическая теория.**  
М.: ЛЕНАНД, 2015. — 752 с.

В рамках макроскопической электродинамики дано последовательное изложение теории основных электрофизическими свойств композиционных материалов. Рассмотрены проводимость (теплопроводность и т. д.), термоэлектрические, гальваномагнитные и термогальваномагнитные эффективные характеристики бинарных (двухкомпонентных) композитов. Эти величины исследованы, как правило, во всем диапазоне изменения концентрации и других параметров соответствующих задач. Критическое поведение различных электрофизических характеристик композитов в окрестности точки фазового перехода металл–диэлектрик рассмотрено в рамках гипотезы подобия.

Книга предназначена для исследователей, занимающихся физикой композиционных материалов, а также для студентов и аспирантов, специализирующихся в этой области физики твердого тела.

ООО «ЛЕНАНД», 117312, г. Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, д. 11А, стр. 11.  
Формат 60 · 90/16. Печ. л. 47. Зак. № 1137.

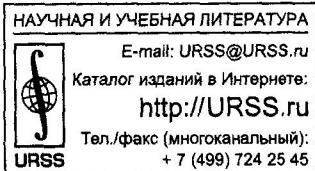
Отпечатано в АО «Первая Образцовая типография». Филиал «Чеховский печатный двор».  
142300, Чехов, ул. Полиграфистов, д. 1.

**ISBN 978-5-9710-1956-5**

© ЛЕНАНД, 2015

17651 ID 196801

9 785971 019565



Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|   |     |
|---|-----|
| ПРЕДИСЛОВИЕ .....   | 7   |
| ВВЕДЕНИЕ .....  | 9   |
| Глава I. Проводимость изотропных композитов .....         | 13  |
| § 1. Электрическое поле в неоднородной среде .....        | 13  |
| § 2. Эффективная проводимость .....                       | 20  |
| § 3. Слабонеоднородная среда .....                        | 29  |
| § 4. Линейное по концентрации приближение .....           | 40  |
| § 5. Квадратичное по концентрации приближение .....       | 56  |
| § 6. Соотношение взаимности .....                         | 63  |
| § 7. Системы с МД–переходом .....                         | 70  |
| § 8. Приближение эффективной среды .....                  | 80  |
| § 9. Решеточные модели .....                              | 99  |
| Литература к главе I .....                                | 115 |
| Глава II. Моменты напряженности электрического поля ..... | 117 |
| § 1. Парциальные моменты второго порядка .....            | 117 |
| § 2. Структурные флуктуации поля и тока .....             | 128 |
| § 3. Производная функции $f(p, h)$ по аргументу $p$ ..... | 138 |
| § 4. Нелинейная проводимость .....                        | 143 |
| § 5. Парциальные моменты высших порядков .....            | 150 |
| Литература к главе II .....                               | 162 |
| Глава III. Проводимость анизотропных композитов ...       | 163 |
| § 1. Тензор эффективный проводимости .....                | 163 |
| § 2. Слабонеоднородная анизотропная среда .....           | 173 |

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|  |            |
|--|------------|
| § 3. Линейное по концентрации приближение .....                        | 181        |
| § 4. Приближение эффективной среды .....                               | 192        |
| § 5. Двумерная модель анизотропного композита .....                    | 204        |
| § 6. Композиты с одноосной анизотропией .....                          | 219        |
| § 7. Критическая область .....   | 233        |
| § 8. Решеточная модель .....   | 240        |
| § 9. Перколяционная модель полидиацетилена .....                       | 251        |
| § 10. Модель структурно анизотропного композита .....                  | 258        |
| Литература к главе III .....   | 272        |
| <b>Глава IV. Термоэлектрические свойства .....</b>                     | <b>273</b> |
| § 1. Матрица кинетических коэффициентов .....                          | 273        |
| § 2. Феноменологическое рассмотрение .....                             | 280        |
| § 3. Линейное по $\alpha(\mathbf{r})$ приближение .....                | 285        |
| § 4. Соотношения изоморфизма .....                                     | 289        |
| § 5. Критическая область .....   | 299        |
| § 6. Другие модели .....   | 305        |
| Литература к главе IV .....  | 316        |
| <b>Глава V. Гальваномагнитные свойства (<math>D = 3</math>) .....</b>  | <b>317</b> |
| § 1. Тензор эффективной проводимости .....                             | 317        |
| § 2. Коэффициент Холла .....   | 328        |
| § 3. Магнитосопротивление .....  | 339        |
| § 4. Проводимость в сильном магнитном поле .....                       | 352        |
| § 5. Билинейные характеристики .....                                   | 365        |
| § 6. Решеточная модель .....   | 379        |
| Литература к главе V .....   | 398        |
| <b>Глава VI. Гальваномагнитные свойства (<math>D = 2</math>) .....</b> | <b>399</b> |
| § 1. Тензор эффективной проводимости .....                             | 399        |
| § 2. Слабое магнитное поле .....                                       | 409        |
| § 3. Произвольные магнитные поля .....                                 | 413        |
| § 4. Анализ общих формул для $\sigma_{ex}$ и $\sigma_{ea}$ .....       | 427        |
| § 5. Билинейные характеристики .....                                   | 436        |
| § 6. Анизотропные пленки .....   | 445        |
| Литература к главе VI .....  | 460        |

## ОГЛАВЛЕНИЕ

5

|  |            |
|--|------------|
| <b>Глава VII. Термогальваномагнитные свойства .....</b>                        | <b>461</b> |
| § 1. Эффективные характеристики .....  | 461        |
| § 2. Трехмерный случай .....   | 465        |
| § 3. Двумерный случай .....  | 472        |
| Литература к главе VII .....   | 482        |
| <b>Глава VIII. Композиты с регулярной структурой .....</b>                     | <b>483</b> |
| § 1. Первая двоякопериодическая модель .....                                   | 483        |
| § 2. Вторая двоякопериодическая модель .....                                   | 494        |
| § 3. Двумерная модель Рэлея .....  | 507        |
| § 4. Мультипольные поляризуемости .....  | 524        |
| § 5. Общий метод .....   | 531        |
| § 6. Трехмерная модель Рэлея .....   | 544        |
| Литература к главе VIII .....  | 563        |
| <b>Глава IX. Квазистационарные поля .....</b>                                  | <b>565</b> |
| § 1. Аналитические свойства статической эффективной проводимости .....         | 565        |
| § 2. Низкочастотная дисперсия проводимости .....                               | 575        |
| § 3. Локальные колебания в $LC$ -модели .....                                  | 581        |
| § 4. Неупорядоченная двумерная модель .....                                    | 588        |
| § 5. Двумерная модель Рэлея .....  | 593        |
| § 6. Магнитная проницаемость композитов .....                                  | 602        |
| Литература к главе IX .....  | 606        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ А. Макроскопическое тело во внешнем электрическом поле .....</b> | <b>607</b> |
| § 1. Асимптотика потенциала .....  | 607        |
| § 2. Мультипольные моменты .....   | 612        |
| § 3. Усредненные характеристики электрического поля ..                         | 614        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ В. Комплексный потенциал .....</b>                               | <b>619</b> |
| § 1. Обтекание током двумерных включений .....                                 | 619        |
| § 2. Поляризуемость некоторых двумерных фигур .....                            | 624        |
| § 3. Линии тока .....  | 636        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ С. Биполярные координаты .....</b>                               | <b>647</b> |

|   |            |
|---|------------|
| § 1. Биполярные координаты .....                                  | 647        |
| § 2. Поляризуемость пары кругов .....                             | 650        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ D. Эллиптические координаты .....</b>               | <b>655</b> |
| § 1. Эллиптические координаты .....                               | 655        |
| § 2. Дипольная поляризуемость эллипса .....                       | 658        |
| § 3. Мультипольные поляризуемости .....                           | 663        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ E. Сферические координаты .....</b>                 | <b>669</b> |
| § 1. Сферические координаты .....                                 | 669        |
| § 2. Некоторые соотношения .....                                  | 672        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ F. Эллипсоидальные координаты .....</b>             | <b>675</b> |
| § 1. Эллипсоидальные координаты .....                             | 675        |
| § 2. Дипольная поляризуемость эллипсоида .....                    | 677        |
| § 3. Анизотропная задача .....                                    | 680        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ G. Сфериоидальные координаты .....</b>              | <b>683</b> |
| § 1. Сплюснутые сфериоидальные координаты .....                   | 683        |
| § 2. Вытянутые сфериоидальные координаты .....                    | 686        |
| § 3. Сферическое включение в магнитном поле .....                 | 689        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ H. Коэффициенты деполяризации .....</b>             | <b>701</b> |
| § 1. Трехосный эллипсоид .....                                    | 701        |
| § 2. Эллипсоиды вращения .....                                    | 704        |
| § 3. Решеточные коэффициенты $N^{(\nu)}$ .....                    | 706        |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ I. Диагонализация пары матриц .....</b>             | <b>717</b> |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ J. Пороги протекания .....</b>                      | <b>725</b> |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ K. Вычисление некоторых интегралов .....</b>        | <b>737</b> |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ L. Криволинейные ортогональные координаты .....</b> | <b>745</b> |
| <b>ЗАКЛЮЧЕНИЕ .....</b>   | <b>751</b> |