

Синергетика

От прошлого
к будущему

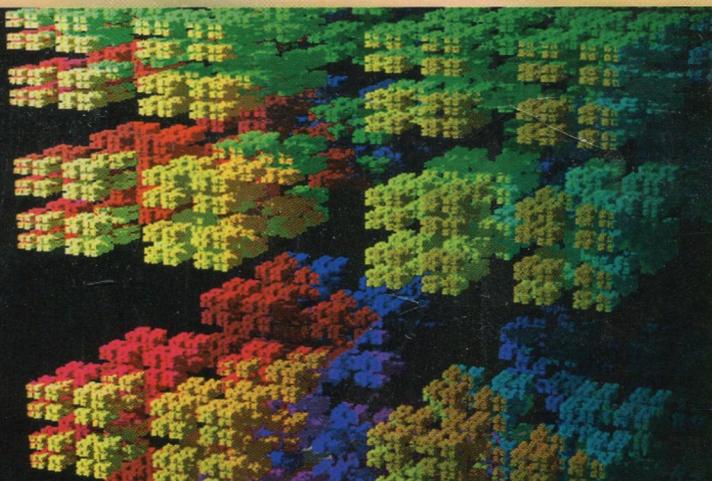


№ 75

Серия основана
в 2002 г.

Председатель редколлегии
профессор
Г. Г. Малинецкий

В. С. Секованов



Ф ЧТО ТАКОЕ РАКТАЛЬНАЯ ГЕОМЕТРИЯ?



URSS

**ШЕДЕВРЫ
НАУЧНО-ПОПУЛЯРНОЙ
ЛИТЕРАТУРЫ**

Выпуск 114



Синергетика: от прошлого к будущему • № 75

НАУКУ — ВСЕМ!

Шедевры научно-популярной литературы (физика) • № 114

В. С. Секованов

ЧТО ТАКОЕ ФРАКТАЛЬНАЯ ГЕОМЕТРИЯ?



URSS

МОСКВА

Секованов Валерий Сергеевич

Что такое фрактальная геометрия? — М.: ЛЕНАНД, 2016. — 272 с.

(Синергетика: от прошлого к будущему. № 75; НАУКУ — ВСЕМ! Шедевры научно-популярной литературы (физика). № 114.)

В настоящем издании рассмотрены вопросы, связанные с пошаговым изучением фрактальной геометрии — от размерности самоподобия до размерности Хаусдорфа—Безиковича и топологической размерности, с помощью которых вводится понятие «фрактал». В книге большое внимание уделено темам из области математики и информатики, на которые опирается изучение фрактальной геометрии. Рассмотрены также вопросы, связанные с становлением фрактальной геометрии как науки, использованием фрактальных множеств в различных сферах человеческой деятельности, решением задач фрактальной геометрии, построением фрактальных множеств с помощью компьютерных программ и математических пакетов, созданием художественных композиций с использованием фракталов.

Адресовано студентам, бакалаврам, магистрам, аспирантам физико-математических специальностей университетов, преподавателям математики и информатики высшей школы, а также учителям математики и информатики, ученикам средних школ с углубленным изучением математики.

ООО «ЛЕНАНД». 117312, г. Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, д. 11А, стр. 11.
Формат 60×90/16. Печ. л. 17. Зак. № 1091.

Отпечатано в ООО «Издательство Заураль».
640022, Курган, ул. К. Маркса, 106.

ISBN 978-5-9710-2445-3

© ЛЕНАНД, 2015

18037 ID 202043



9 785971 024453

НАУЧНАЯ И УЧЕБНАЯ ЛИТЕРАТУРА	
 URSS	E-mail: URSS@URSS.ru
	Каталог изданий в Интернете: http://URSS.ru
	Тел./факс (многоканальный): + 7 (499) 724 25 45

Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

Оглавление

От редакции.....	6
Предисловие.....	9
Введение	15
Глава 1	
Первый шаг на пути к фракталам.....	17
1.1. Что такое фрактальная геометрия?.....	17
1.2. Самоподобные множества.....	19
1.3. Примеры несамоподобных множеств	25
1.4. Сведения, необходимые для изучения фрактальной геометрии	27
1.4.1. Системы счисления	27
1.4.2. Множества и метод математической индукции.....	42
1.4.3. Комплексные числа.....	49
1.5. Геометрическая прогрессия и геометрия фракталов	57
1.6. Метод итераций и школьная математика	66
1.7. Метод итераций и сжимающие отображения.....	73
1.8. Орбита точки, неподвижные и периодические точки.....	83
1.9. Метод итераций и тентообразная функция.....	87
1.10. Характеристика множества Кантора с помощью тентообразной функции.....	94
Глава 2	
Второй шаг на пути к фракталам	102
2.1. Обобщение понятия «фрактал» с помощью размерности Минковского.....	102
2.2. Интеграция математики с информатикой	110
2.3. Математическая логика и информатика.....	112

2.4. Множества, математическая индукция, теория чисел и информатика.....	118
2.5. Алгебраические уравнения и информатика.....	123
2.6. Геометрия и информатика	130
2.7. Исследование функций и информатика	138
2.8. Фрактальная геометрия и информатика.....	142
2.8.1. Построение фракталов с помощью L-систем и ИКТ.....	142
2.8.2. Построение фракталов с помощью аффинных преобразований и ИКТ.....	149
2.8.3. Построение заполняющих множеств Жюлиа с помощью ИКТ	158
2.8.4. Построение множеств Мандельброта с помощью ИКТ	163

Глава 3

Третий шаг на пути к фракталам 168

3.1. История создания фракталов	168
3.2. Приложения фрактальной геометрии.....	172
3.3. Эстетика фрактальной геометрии.....	180

Литература..... 186

Приложение 1

Четвертый шаг на пути к фракталам 188

I. Обобщение понятия самоподобия.....	188
II. Метрические пространства	192
III. Топологические пространства	196
IV. Определение топологической размерности.....	200
Литература к приложению 1	206

Приложение 2

Пятый шаг на пути к фракталам..... 207

I. Вычисление топологической размерности.....	207
II. Размерность Хаусдорфа—Безиковича. Определение фрактала по Мандельброту.....	211

III. Размерности Минковского и Хаусдорфа для некоторых компактных множеств.....	217
IV. Сравнение топологической размерности с размерностью Хаусдорфа	219
Литература к приложению 2	223
Приложение 3	
<i>Вычисление фрактальных размерностей некоторых множеств на вещественной прямой и вещественной плоскости.....</i>	224
Литература к приложению 3	237
Приложение 4	
<i>Использование информационных технологий и математических методов при построении и исследовании фракталов</i>	238
Литература к приложению 4	247
Приложение 5	
<i>Фрактальные методы в физике и экономике</i>	248
Литература к приложению 5	255