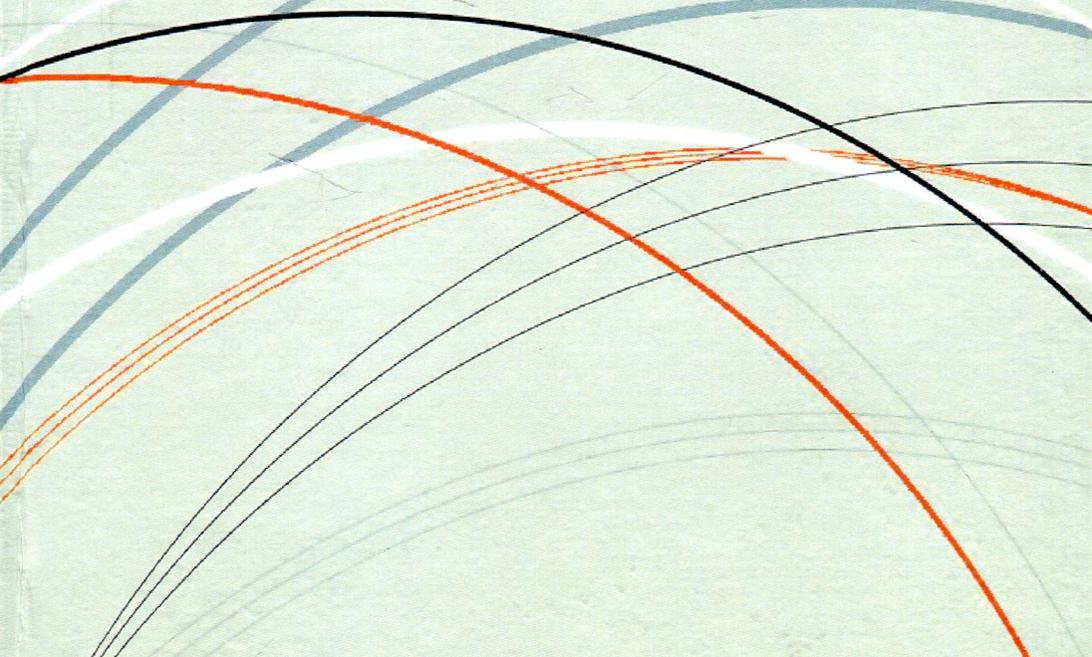


**В.И. Бердышев В.Б. Костоусов**

**ВИЗУАЛЬНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ  
НАБЛЮДЕНИЯ И ОПТИМАЛЬНЫЕ  
ТРАЕКТОРИИ**

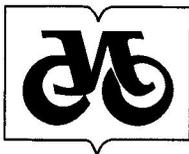


**ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И МЕХАНИКИ  
им. Н. Н. КРАСОВСКОГО  
УРАЛЬСКОГО ОТДЕЛЕНИЯ  
РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК**

**В. И. Бердышев, В. Б. Костоусов**

**Визуальные характеристики  
наблюдения и оптимальные  
траектории**

Ответственный редактор  
член-корреспондент РАН В. В. Васин



**НОВОСИБИРСК  
ИЗДАТЕЛЬСТВО СИБИРСКОГО ОТДЕЛЕНИЯ  
РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК**

**2021**

УДК 519.62

ББК 22.19

Б48

Бердышев В. И. Визуальные характеристики наблюдения и оптимальные траектории / В. И. Бердышев, В. Б. Костоусов; отв. ред. В. В. Васин; Ин-т математики и механики им. Н. Н. Красовского УрО РАН. — Новосибирск: Изд-во СО РАН, 2021. — 250 с.

Монография посвящена исследованию экстремальных задач, связанных с построением траекторий движения автономного аппарата в пространстве с препятствиями и при наличии других помех. Важная особенность большинства рассмотренных задач — наличие недружественных наблюдателей, целью которых является обнаружение и сопровождение автономного движущегося аппарата. Введены варианты визуальных характеристик наблюдения — функций видимости и скрытости, исследованы их свойства непрерывности, дифференцируемости и др. Эти результаты направлены на решение задачи нахождения траектории аппарата, которая должна обеспечивать в определенном смысле наилучшую скрытость от наблюдателей или наименьшую собственную наблюдаемость. Предложены постановки экстремальных задач, которые отражают различные условия построения наилучших маршрутов движения аппарата в заданном ограничивающем коридоре. В частности, исследуются задачи формирования маршрутов, наиболее удаленных от конечного набора неподвижных наблюдателей; рассматриваются вопросы построения оптимальных траекторий аппарата в присутствии недружественных наблюдателей, движение которых ограничено наличием на аппарате скоростного поражающего мини-объекта, и поиска скоростного режима объекта, обеспечивающего уклонение от зоны видимости телесного наблюдателя; исследуется задача построения траекторий с минимальной величиной совокупного облучения, исходящего от фиксированного конечного набора излучателей. Установлены характеристические условия на оптимальные траектории и предложены конструктивные алгоритмы их построения. При исследовании задач преимущественно применяются геометрические методы.

Книга адресована специалистам в области прикладной математики, а также может быть полезна разработчикам специализированного программного обеспечения.

Рецензент

доктор физико-математических наук А. Г. Бабенко

# Оглавление

Введение . . . . .	3
<b>Глава 1. Видимость объекта</b>	<b>11</b>
§ 1.1. Функция видимости $r(t, f)$ . . . . .	12
§ 1.2. Одностороннее дифференцирование функции $r(t)$ по направлению . . . . .	14
§ 1.3. Теоремы об очистке . . . . .	20
§ 1.4. Видимость объекта для наблюдателя с неточно заданными координатами . . . . .	28
§ 1.5. Дифференцирование функции видимости $r_h(t)$ по направлениям . . . . .	30
§ 1.6. Теорема об очистке для функции $r_h(t)$ . . .	36
§ 1.7. Видимость объекта для группы наблюдателей	41
§ 1.8. Объект и группа наблюдателей в нормированном пространстве . . . . .	50
§ 1.9. Дифференцирование функции $r(t, f)$ по направлениям в $\mathbb{R}^n$ . . . . .	57
<b>Глава 2. Характеристики скрытости     движущегося объекта</b>	<b>68</b>
§ 2.1. Скрытость и видимость объекта . . . . .	68
§ 2.2. О непрерывности функций скрытости . . .	72
§ 2.3. Направления убывания и роста функции $c(t, f)$ . . . . .	74
§ 2.4. О дифференцируемости функции $c(t, f)$ по направлениям . . . . .	76

§ 2.5. Направление спуска для функции $C(t) = C(t, f)$ . . . . .	79
§ 2.6. О дифференцировании функции $C(t, f)$ . . . . .	84
§ 2.7. Дифференцирование функции скрытости в случае выпуклого затеняющего множества . . . . .	88
<b>Глава 3. Оптимальные траектории</b> . . . . .	<b>98</b>
§ 3.1. Задача сопровождения . . . . .	100
§ 3.2. Сопровождение объекта наблюдателями, расположенными в теневых зонах . . . . .	110
3.2.1. Случай многогранного множества $G$ . . . . .	117
3.2.2. Алгоритм построения наилучшей траектории для случая многогранного $G$ в $\mathbb{R}^2$ . . . . .	125
3.2.3. Случай кусочно-гладкого затеняющего множества в $\mathbb{R}^2$ . . . . .	130
3.2.4. Кусочно-гладкое затеняющее множество в $\mathbb{R}^3$ . . . . .	143
§ 3.3. Оптимальная траектория в $\mathbb{R}^2$ при наличии набора наблюдателей с фиксированным конусом сканирования . . . . .	160
3.3.1. Характеризация оптимальных траекторий в $\mathbb{R}^3$ . . . . .	181
3.3.2. Наилучшая траектория для пары наблюдателей в особом случае . . . . .	194
§ 3.4. Траектория, минимизирующая облучение движущегося объекта . . . . .	197
3.4.1. Введение . . . . .	197
3.4.2. Случай единственного источника излучения $s$ в $\mathbb{R}^2$ . . . . .	201
3.4.3. Случай двух источников в $\mathbb{R}^2$ . . . . .	206
3.4.4. Приближенное построение оптимальных траекторий в $\mathbb{R}^3$ . . . . .	212

§ 3.5. Движущийся объект со скоростным поражающим устройством и недружественный телесный наблюдатель .	218
3.5.1. Задача безопасного слежения за объектом, уклоняющимся от наблюдателя в $\mathbb{R}^2$ . . . . .	218
3.5.2. Задача слежения-уклонения в $\mathbb{R}^3$ . . . . .	228
<b>Список литературы . . . . .</b>	<b>238</b>
<b>Предметный указатель . . . . .</b>	<b>245</b>