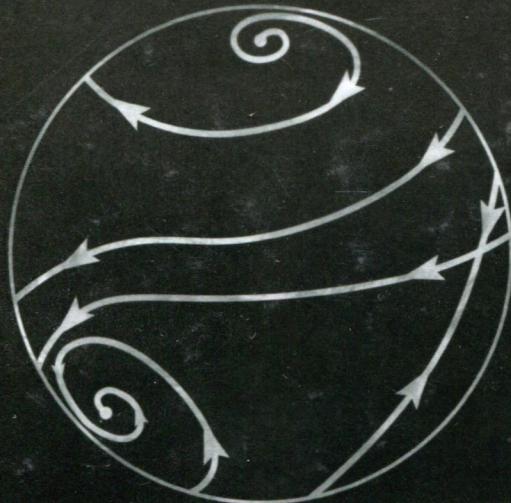


Ф. Л. Черноусько, Л. Д. Акуленко, Д. Д. Лещенко

Эволюция движений твердого тела относительно центра масс



Ф. Л. Черноусько, Л. Д. Акуленко, Д. Д. Лещенко

Эволюция движений твердого тела относительно центра масс



Москва ♦ Ижевск

2015

УДК 531
ББК 22.236.3
Ч494



Издание осуществлено при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований по проекту № 15-01-07013

Издание РФФИ не подлежит продаже

Черноусько Ф. Л., Акуленко Л. Д., Лещенко Д. Д.
Эволюция движений твердого тела относительно центра масс. — М.—Ижевск : Институт компьютерных исследований, 2015. — 308 с.

ISBN 978-5-4344-0294-1

В данной монографии изложены результаты исследований авторов по динамике твердого тела относительно центра масс, в которых рассмотрена эволюция этих движений под действием различных возмущающих моментов сил. Основным методом, применяемым в этих исследованиях, является асимптотический метод усреднения Крылова – Боголюбова. Такие проблемы возникают в современных задачах динамики, ориентации и стабилизации естественных и искусственных небесных тел, гироскопии и в других областях механики.

Для всех случаев движения, рассмотренных в книге, приведены и проанализированы исходные уравнения, выполнена процедура усреднения и получены усредненные уравнения, которые, будучи существенно проще исходных, описывают движение на большом интервале времени. Приводятся оценки точности асимптотической процедуры. В результате анализа и решения полученных уравнений установлены количественные и качественные особенности движений, дано описание эволюций движения тела. Изложение иллюстрируется многочисленными примерами.

ISBN 978-5-4344-0294-1

© Ф. Л. Черноусько, Л. Д. Акуленко, Д. Д. Лещенко, 2015
© Ижевский институт компьютерных исследований, 2015

Оглавление

| | |
|--|----|
| Предисловие | 7 |
| Обзор литературы | 11 |
| ГЛАВА 1. Основы динамики твердого тела с неподвижной точкой | 27 |
| § 1. Определение положения тела. Углы Эйлера | 27 |
| § 2. Геометрия масс. Моменты инерции | 27 |
| § 3. Теорема об изменении кинетического момента | 31 |
| § 4. Динамические уравнения Эйлера | 33 |
| § 5. Кинематические уравнения Эйлера. Направляющие косинусы | 34 |
| § 6. Уравнения движения тяжелого твердого тела вокруг неподвижной точки | 37 |
| ГЛАВА 2. Движение твердого тела по инерции. Случай Эйлера . | 41 |
| § 1. Первые интегралы | 41 |
| § 2. Некоторые сведения из теории эллиптических функций Якоби | 44 |
| § 3. Интегрирование динамических уравнений Эйлера. Исследование движения | 45 |
| § 4. Частные случаи (регулярная прецессия, стационарные вращения) | 51 |
| ГЛАВА 3. Случай Лагранжа | 55 |
| § 1. Интегрирование уравнений движения и его исследование . | 55 |
| § 2. Регулярная прецессия | 62 |
| § 3. Быстро вращающийся волчок | 65 |
| ГЛАВА 4. Уравнения возмущенного движения твердого тела относительно центра масс | 71 |
| § 1. Понятие возмущенного движения | 71 |
| § 2. Основные понятия метода усреднения. Системы в стандартной форме. Системы с быстро вращающейся фазой | 72 |

| | |
|--|-----|
| § 3. Системы, содержащие медленные и быстрые движения | 76 |
| § 4. Схема усреднения высших степеней в системах с быстрыми и медленными фазами | 78 |
| § 5. Уравнения возмущенного движения твердого тела, близкого к случаю Эйлера | 82 |
| § 6. Уравнения возмущенного движения спутника относительно центра масс | 86 |
| § 7. Процедура усреднения для тела с близкими моментами инерции | 92 |
| § 8. Уравнения возмущенного вращательного движения твердого тела, близкого к случаю Лагранжа | 95 |
| 8.1. Общий случай | 95 |
| 8.2. Случай различных порядков малости проекций вектора возмущающего момента | 98 |
| 8.3. Возмущающие моменты малы по сравнению с восстанавливающим | 103 |

| | |
|---|-----|
| ГЛАВА 5. Возмущающие моменты сил, действующие на твердое тело | 107 |
| § 1. Гравитационные моменты, действующие на спутник | 107 |
| § 2. Твердое тело в среде с сопротивлением | 112 |
| § 3. Твердое тело с полостью, заполненной жидкостью большой вязкости | 113 |
| § 4. Случай подвижных масс, соединенных с телом упругими связями с вязким трением | 117 |
| § 5. Тело с упругими и диссипативными элементами | 121 |
| § 6. Вязкоупругое твердое тело | 132 |
| § 7. Влияние подвижной массы, соединенной с телом упругой связью с квадратичным трением | 137 |
| § 8. Момент сил светового давления | 139 |

| | |
|--|-----|
| ГЛАВА 6. Движение спутника относительно центра масс под действием гравитационных моментов | 141 |
| § 1. Движение трехосного спутника с близкими моментами инерции | 141 |
| § 2. Быстрые вращения спутника с трехосным эллипсоидом инерции | 147 |

| | |
|--|-----|
| § 3. Резонансные явления при плоском движении спутника относительно центра масс | 159 |
| ГЛАВА 7. Движение твердого тела с полостью, заполненной вязкой жидкостью | |
| § 1. Уравнения движения тела с вязкой жидкостью в полости | 175 |
| § 2. Плоское движение маятника с вязкой жидкостью | 177 |
| § 3. Свободное пространственное движение тела с вязкой жидкостью | 181 |
| § 4. О движении твердого тела, содержащего демпфер | 191 |
| § 5. Устойчивость движения твердого тела с демпфером | 198 |
| ГЛАВА 8. Эволюция вращений твердого тела в среде | |
| § 1. Быстрое движение тяжелого твердого тела вокруг неподвижной точки | 203 |
| § 2. Вращение тяжелого твердого тела вокруг неподвижной точки в вязкой среде | 206 |
| 2.1. Постановка задачи и процедура усреднения | 206 |
| 2.2. Исследование уравнения для k^2 | 212 |
| 2.3. Качественное исследование частных случаев движения твердого тела | 215 |
| 2.4. Исследование устойчивости квазистационарных движений | 217 |
| 2.5. Случай динамической симметрии | 220 |
| § 3. Быстрое вращение спутника относительно центра масс под действием гравитационного момента в среде с сопротивлением | 221 |
| ГЛАВА 9. Движение твердого тела с внутренними степенями свободы | |
| § 1. Динамика твердого тела с подвижной внутренней массой | 231 |
| 1.1. Случай полной симметрии тела | 231 |
| 1.2. Движение динамически симметричного тела с подвижной массой | 237 |
| § 2. О движении твердого тела с подвижной массой, соединенной с телом упругой связью с квадратичным трением | 241 |

| | |
|--|-----|
| ГЛАВА 10. Влияние момента сил светового давления на движение спутника Солнца относительно центра масс | 245 |
| § 1. Уравнения вращения спутника под действием момента сил светового давления | 245 |
| § 2. Эволюция вращений спутника с близкими моментами инерции | 247 |
| 2.1. Исходные предположения и постановка задачи | 247 |
| 2.2. Преобразование выражения силовой функции, процедура усреднения и построение системы первого приближения | 249 |
| 2.3. Исследование уравнений для углов нутации и собственного вращения | 252 |
| 2.4. Учет нулевой и первой гармоник при аппроксимации момента сил светового давления | 253 |
| § 3. Учет третьей и четных гармоник при аппроксимации момента сил светового давления | 262 |
| ГЛАВА 11. Возмущенные движения твердого тела, близкие к случаю Лагранжа | 269 |
| § 1. Общие свойства процедуры усреднения по движению Лагранжа | 269 |
| § 2. Возмущенное движение тела при линейных диссипативных моментах | 272 |
| § 3. Эволюция вращений твердого тела в случае различных порядков малости проекций вектора возмущающего момента | 275 |
| 3.1. Общий подход | 275 |
| 3.2. Влияние внешних диссипативных моментов | 279 |
| 3.3. Действие малого постоянного момента, приложенного вдоль оси симметрии | 281 |
| 3.4. Случай тела, близкого к динамически симметричному | 283 |
| Литература | 285 |