

# *По океану дискретной математики*

Ю.А. ЗУЕВ

Том **1**

## ОТ ПЕРЕЧИСЛИТЕЛЬНОЙ КОМБИНАТОРИКИ ДО СОВРЕМЕННОЙ КРИПТОГРАФИИ

**Основные структуры**

**Методы перечисления**

**Булевы функции**



**Ю. А. Зуев**

# **ПО ОКЕАНУ ДИСКРЕТНОЙ МАТЕМАТИКИ**

**От перечислительной  
комбинаторики  
до современной  
криптографии**

**Том 1**

**Основные структуры.  
Методы перечисления.  
Булевые функции**

Издание второе



**МОСКВА**

**Зуев Юрий Анатольевич**

**По океану дискретной математики: От перечислительной комбинаторики до современной криптографии. Т. 1: Основные структуры. Методы перечисления. Булевые функции.** Изд. 2-е.  
М.: ЛЕНАНД, 2017. — 274 с.

Содержание настоящей книги охватывает вузовский курс дискретной математики, включая перечислительную комбинаторику, булевые функции, графы, алгоритмы, помехоустойчивое кодирование и криптографию, а также ряд дополнительных тем. Принцип построения «от простого — к сложному» делает начальные разделы каждой главы доступными для старшеклассника, а заключительные — ценными для аспиранта. Для самостоятельного решения предлагается большое число задач различной сложности, снабженных ответами и указаниями. В книге рассказывается также об истории математических открытий и формулируются открытые проблемы дискретной математики.

Книга состоит из двух томов. В первом томе даются основные идеи и понятия дискретной математики, изучаются теория и методы перечисления, булевые функции. Второй том, посвященный графикам, алгоритмам в дискретной математике, теории кодирования, выходит одновременно с первым в нашем издательстве.

Написанная доступным языком, в яркой форме и с многочисленными примерами, книга будет полезна широкому кругу читателей, желающих познакомиться с основами дискретной математики.

Формат 60×90/16. Печ. л. 17,125. Зак. № АЛ-404.

Отпечатано в ООО «ЛЕНАНД». 117312, Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, 11А, стр. 11.

**ISBN 978-5-9710-4095-8**

© ЛЕНАНД, 2016

21307 ID 222060



9 785971 040958



Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

# Оглавление

|  |            |
|--|------------|
| Предисловие.....   | 7          |
| <b>Глава 0. Вводная.....</b>   | <b>15</b>  |
| Множества (15); перестановки (16); подмножества (16);<br>счётные множества (18); континуум (20); операции<br>над множествами (22); прямое произведение (24);<br>вероятность (26); теория чисел (36); векторы (44);<br>отношения (49); функции (54); подстановки (57);<br>группы (59); подгруппы и факторгруппы (68); кольца<br>и поля (71); расширения полей (77); изоморфизм (80);<br>графы (84); доказательства от противного (88);<br>математическая индукция (89); необходимые и достаточные<br>условия (93) |            |
| Задачи для самостоятельного решения.....   | 93         |
| Литература.....  | 100        |
| <b>Глава 1. Методы перечисления .....</b>  | <b>101</b> |
| 1.1. Комбинаторные числа .....   | 101        |
| 1.2. Биномиальные коэффициенты .....   | 116        |
| 1.3. Формула «включения и исключения».....   | 121        |
| 1.4. Приложения к теории вероятностей .....  | 129        |
| 1.5. Производящие функции и рекуррентные соотношения .....   | 135        |
| 1.6. Перечисление классов эквивалентности. Теория Пойа .....   | 153        |
| 1.7. Асимптотические оценки. Формула Стирлинга .....   | 165        |
| Задачи для самостоятельного решения.....   | 176        |
| Литература.....  | 179        |
| <b>Глава 2. Булевы функции.....</b>  | <b>181</b> |
| 2.1. Булевы функции и логические связки .....  | 181        |
| 2.2. Формулы и преобразования .....  | 188        |
| 2.3. Булевы функции и схемы .....  | 194        |
| 2.4. Дизъюнктивная и конъюнктивная нормальные формы .....  | 198        |

|          |  |            |
|----------|--|------------|
| <b>6</b> | 2.5. Двойственность .....                        | 209        |
|          | 2.6. Геометрия единичного $n$ -мерного куба..... | 212        |
|          | 2.7. Полные системы функций. Теорема Поста.....  | 220        |
|          | 2.8. Пороговая логика.....                       | 228        |
|          | Задачи для самостоятельного решения.....         | 254        |
|          | Литература.....                                  | 257        |
|          | <b>Ответы и указания к решению задач .....</b>   | <b>259</b> |
|          | <b>Оглавление тома 2 .....</b>                   | <b>272</b> |